

## اثر فرانشیز بر میزان مخاطره اخلاقی در اعلام خسارت بیمه خودرو؛ مطالعه موردی: بیمه خودروهای سواری در تهران

عدیر مهدوی<sup>۱</sup>

نحله جعفری<sup>۲</sup>

### چکیده

بر اساس بیمه‌نامه خودرو، بیمه‌گر به جبران تصادفات، انفجار و به‌طور کلی، برخورد خودرو با شی خارجی متعهد است. یافتن عوامل تأثیرگذار بر تصمیم به درخواست متقلبانه برای شرکت‌های بیمه حائز اهمیت است. تقلب در بیمه زمانی روی می‌دهد که بیمه‌گذار درخواست خطایی را ارائه می‌دهد که قابل تشخیص نیست. در حقیقت، این گزارش‌های اشتباه باعث ایجاد اختلالاتی در برآورد مالی بیمه‌گر می‌شود که منتج به مقادیر اضافه پرداخت به خسارت گزارش شده می‌شود.

هدف این تحقیق، بررسی تأثیر افزایش سطح فرانشیز بر میزان خطایی است که به عمد توسط بیمه‌گذار با هدف به‌دست آوردن نفع بیشتر گزارش می‌شود. فرانشیز به معنای آن بخشی از مقدار خسارت ادعا شده است که تحت پوشش شرکت بیمه قرار نمی‌گیرد. در پژوهش حاضر می‌خواهیم نشان دهیم تحت شرایط افزایش سطح فرانشیز، چگونه پارامترهای موجود در یک قرارداد بر میزان انگیزش برای فعالیت‌های متقلبانه تأثیرگذار است.

به کمک داده‌های مربوط به ۶۰۰ بیمه‌نامه اتومبیل فروخته‌شده توسط بیمه ایران در شهر تهران در سال ۱۳۹۰ و با استفاده از مدل اقتصادسنجی توپیت توسعه‌یافته<sup>۳</sup> با آستانه‌های مشاهده‌شده و از روش حداکثر درست‌نمایی بر روی داده‌هایی از بیمه خودرو، نشان داده‌ایم افزایش سطح فرانشیز سبب افزایش درخواست‌های متقلبانه از طرف بیمه‌شدگان می‌گردد. نتیجه دیگر این تحقیق این است که اثر قیمت بر رفتارهای متقلبانه بیمه‌شده‌ها به‌صورت معنی‌داری معکوس است. به عبارت دیگر، تحقیق نشان می‌دهد با کاهش قیمت خودرو، رفتارهای متقلبانه افزایش پیدا می‌کند.

واژگان کلیدی: بیمه بدنه خودرو، درخواست‌های متقلبانه، روش حداکثر درست‌نمایی، قراردادهای دارای فرانشیز، مدل توپیت توسعه‌یافته.

طبقه‌بندی JEL : G22, L62, C24.

۱. استادیار، گروه بیمه، دانشگاه علامه طباطبائی، (نویسنده مسئول) [mahdavi@atu.ac.ir](mailto:mahdavi@atu.ac.ir)

۲. کارشناس ارشد علوم محاسبات و برنامه‌ریزی بیمه، مؤسسه آموزش عالی بیمه‌اکو [nehle\\_jafari@yahoo.com](mailto:nehle_jafari@yahoo.com)

3. Extended Tobit Model

### ۱. مقدمه

امروزه بیش از هر زمان دیگری ضرورت مبارزه با تخلفات و تقلبات و سوءاستفاده‌های مالی و غیرمالی در شرکت‌های بیمه احساس می‌گردد. خطا در میزان خسارت ادعا شده توسط بیمه‌گذار، به بروز اختلالاتی در فرایند برآورد مالی بیمه‌گر منجر می‌شود و شرکت‌های بیمه را با کمبود بودجه مواجه خواهد کرد. حجم وسیع این ضررهای ناشی از خطا و تقلب در میزان خسارت ادعا شده، در نهایت ممکن است سبب ورشکستگی شرکت‌های بیمه شود. عوامل بسیاری در انگیزش تقلب در میزان خسارت ادعا شده نقش دارند که با تشخیص آن‌ها و میزان تأثیرشان، می‌توان اقداماتی پیشگیرانه انجام داد. در این تحقیق سعی بر تشخیص این عوامل و میزان اثرگذاری آنها است. عواملی که بررسی شده‌اند، عبارت‌اند از: خصوصیات افراد، اطلاعات قرارداد، خصوصیات خودرو، اطلاعات مربوط به تصادف. یکی از عوامل مهمی که برای جلوگیری از بروز تقلب در قراردادهای بیمه اعمال شده است، قرارداد فرانشیز برای خسارت مورد ادعا است. فرانشیز به خودی خود تا حد زیادی از میزان تقلب در درخواست‌های ادعا شده کاسته است؛ اما تعیین نامناسب مقدار فرانشیز، خود باعث بروز مشکلاتی می‌گردد. در این تحقیق نشان داده خواهد شد که افزایش فرانشیز به افزایش تقلب در مقدار خسارت ادعا شده می‌انجامد. در این تحقیق فرض شده است که سطوح بالای فرانشیز، به ایجاد انگیزش برای درخواست‌های متقلبانه در بیمه‌بدنه خودرو و بروز مخاطره اخلاقی منجر می‌شود. به منظور آزمودن این مطلب، ابتدا با استفاده از مجموعه‌ای از داده‌های واقعی مربوط به نمایندگی‌های بیمه در شهر تهران، معادله خسارت<sup>۱</sup> را با استفاده از روش حداقل مربعات معمولی<sup>۲</sup> برآورد می‌کنیم. شایان ذکر است در این روش تنها به خسارت‌های گزارش شده دسترسی داریم که در صورت استفاده، بدون انجام اصلاحات مورد نیاز، به بدست آمدن نتایج اریب دار منجر می‌شود. در مرحله بعد، از آنجا که تنها می‌خواهیم چگونگی تأثیر سطح فرانشیز بر فعالیت‌های متقلبانه را بررسی کنیم، یک فرانشیز برای هر فرد (سطح آستانه‌ای<sup>۳</sup> شخصی) تعریف می‌کنیم که برابر با مقداری است که اگر خسارت بیشتر از آن باشد، بیمه‌گذار تصمیم به گزارش خسارت می‌گیرد. سپس، توآمان<sup>۴</sup> معادله خسارت و فرانشیز شخصی، با استفاده از روش بیشینه درست‌نمایی<sup>۵</sup> برآورد

1. Loss equation
2. Ordinary least squares
3. Threshold
4. Jointly
5. Maximum likelihood estimation

می‌گردد. در نهایت، بعد از ایجاد اصلاحات لازم بر روی داده‌ها انتظار داریم که سطح فرانشیز عامل مهم و تعیین کننده‌ای در میزان خسارت گزارش شده باشد. ساختار این مقاله بدین گونه است: در بخش دو، مدل نظری را ارائه خواهیم داد که در آن فعالیت‌های متقلبانه بیمه‌شده را در مورد قراردادهای فرانشیزدار با استفاده از تابع مطلوبیت<sup>۱</sup> ارزیابی می‌کنیم. بخش سه، مدل تجربی است و یک مدل توییت توسعه یافته ارائه می‌دهیم که بتوانیم تأثیر تقلب را از تأثیر نمونه تصادفی انتخابی مجزا کنیم. دلیل بهره‌گیری از نمونه انتخابی به این علت است که ما تنها به خسارت‌های گزارش شده دسترسی داریم. در بخش چهار، داده‌ها و متغیرهایی که در مدل استفاده شده است، شرح داده می‌شود. در بخش پنج نیز نتایج به دست آمده از محاسبات و جداول ارائه داده شده است. نتیجه‌گیری نیز در بخش شش آورده شده و با توجه به نتایج، پیشنهادهایی در بخش هفت ارائه گردیده است.

### منابع تحقیق

پژوهش‌های صنعت بیمه در زیرشاخه‌های بسیار متفاوتی انجام گرفته است. بنیان‌گذار مبحث محوری این تحقیق رابرت تونزاند<sup>۲</sup> (۱۹۷۹) بر روی مقاله‌ای با عنوان «قراردادهای بهینه و بازارهای رقابتی با تحریف‌های هزینه‌زا» کار کرده است. در این مقاله، قراردادهای بیمه همراه با فرانشیز، قراردادی بهینه معرفی شد؛ اما مشاهده شد همچنان تقلب و ایجاد خطا، یکی از مشکلات بزرگ در صنعت بیمه باقی ماند.

بعد از این مقاله، مقالات زیادی در این زمینه تألیف گردید. یکی از مباحثی که در مراحل بعدی به مقاله اصلی افزوده شد، پیشنهاد بازرسی‌ها و بررسی‌ها به صورت تصادفی و با هدف کاهش هزینه بود. موخرجی و پنگان<sup>۳</sup> (۱۹۸۹) مقاله‌ای با عنوان «ارزیابی بهینه بیمه و توزیع مجدد» را به رشته تألیف درآوردند. آن‌ها معتقد بودند بازرسی‌های تصادفی از میزان هزینه بازرسی‌ها می‌کاهد. با توجه به اینکه قرارداد فرانشیزدار بیمه، دیگر به عنوان قرارداد بهینه شناخته نمی‌شود، این پیشنهاد مناسب ارزیابی گردید. همچنین نشان داده شد که شرایط تحریف‌های هزینه‌زا<sup>۴</sup> بهتر از شرایط

1. Utility function
2. Robert Townsend
3. Mookherjee & Png
4. Costly state falsification

بازرسی‌های پرهزینه<sup>۱</sup> است. در شرایط تحریف‌های هزینه‌زا، قرارداد بهینه به بیش‌پرداختی<sup>۲</sup> در مورد خسارت‌های کوچک و پرداخت کم‌گرمات<sup>۳</sup> در مورد خسارت‌های بزرگ و مهم منجر می‌گردد (لکر و وین برگ، ۱۹۸۹؛<sup>۴</sup> کراکر و تنیسان، ۱۹۹۶؛ کراکر و مورگان،<sup>۵</sup> ۱۹۹۸). همچنین بسیاری از تحقیقات مختلف دیگر در این زمینه انجام شده است که همگی برای شناساندن موارد هزینه‌ساز در این نوع قراردادها تلاش کرده‌اند.

یکی از موارد مورد علاقه بسیاری از محققان، بحث تقلب در قراردادهای دارای فرانشیز است. در یکی از مقالات مربوط به این زمینه، داین و گانگی<sup>۶</sup> (۲۰۰۱) درباره موضوعی با عنوان «قراردادهای دارای فرانشیز در برابر درخواست‌های متقلبانه» مطالعه کرده‌اند و به بررسی تأثیر میزان فرانشیز در ایجاد انگیزش برای درخواست‌های متقلبانه بیمه‌شدگان پرداخته‌اند.

در ایران نیز تحقیقاتی در این حوزه، با محوریت زیرشاخه بیمه خودرو انجام گرفته است که در اکثر موارد با تکیه بر تئوری انتخاب نامساعد<sup>۸</sup> این امر را بررسی کرده‌اند. از میان این تحقیقات می‌توان به چند مورد اشاره نمود. شرزهای و ماجد (۱۳۸۶) در مقاله‌ای با عنوان «انتخاب نامساعد و امکان استقرار قراردادهای سازگار اطلاعاتی» نشان داده‌اند که با توزیع نامتقارن اطلاعات بین خریدار و فروشنده در بازار بیمه تصادفات خودرو، با طبقه‌بندی متقاضیان برحسب نوع ریسک (درجه ریسک‌گریزی) و براساس ویژگی‌های قابل مشاهده آنان، می‌توان قراردادهای سازگار اطلاعاتی (کارا) در بازار بیمه برقرار نمود و سطح پوشش خدمات بیمه‌ای و سود شرکت‌های بیمه را افزایش داد.

موسوی و راغفر (۱۳۸۹) در مقاله‌ای با عنوان «اطلاعات نابرابر و کارایی در بازار تصادفات بیمه خودرو ایران» نیز در زمینه بیمه بدنه خودرو تحقیقاتی ارائه کرده‌اند که بیشتر بر مبنای ریسک‌گریزی و انتخاب نامساعد است.

فیروزی و همکاران (۱۳۹۰) در مقاله «شناسایی تقلب در بیمه اتومبیل با استفاده از روش داده‌کاوی» به بررسی روش‌های متفاوت در تشخیص درخواست‌های متقلبانه بیمه خودرو پرداخته‌اند.

#### 1. Costly state verification

#### 2. Overpayment

#### 3. Undercompensation

#### 4. Lacker & Weinberg

#### 5. Crocker & Tennyson

#### 6. Crocker & Morgan

#### 7. Dionne & Gagne

#### 8. Adverse selection

در این تحقیق با استفاده از یک مدل توییت توسعه یافته، به بررسی تقلب در زمینه بیمه بدنه خودرو می‌پردازیم. هدف این مقاله آن است که با استفاده از داده‌های بیمه خودرو در ایران، تأثیر عوامل مختلف از جمله افزایش فرانشیز، قیمت خودرو و... را در میزان افزایش تقلب در درخواست‌های خسارت بررسی کند. برای تحقق این هدف از روش رگرسیونی متغیرهای وابسته سانسور شده<sup>۱</sup> و بریده شده<sup>۲</sup> استفاده شده که نوع توسعه یافته مدل توییت است. این روش را نلسون<sup>۳</sup> (۱۹۷۷) و مادالا<sup>۴</sup> (۱۹۸۳) توسعه داده‌اند. از روش مذکور، تاکنون در حوزه مطالعات ارائه شده در ایران استفاده نشده و در نوع خود نوآورانه است.

## ۲. مدل نظری

همان‌طوری که امروزه در صنعت بیمه مشاهده می‌شود، تقلب به صور و انواع مختلفی در تمامی زیرشاخه‌های بیمه‌ای اعمال می‌شود. زیرشاخه مورد مطالعه ما در این پژوهش بیمه خودرو است. تقلبی که به‌طور خاص در این زمینه مدنظر است و بررسی می‌شود، تنها نوعی از تقلب است که در آن شخص میزان خسارت وارده به خودرو را بیش از آنچه در حقیقت وجود دارد، نشان می‌دهد. اینکه شخص بیمه شده صادق یا فرصت طلب باشد، صفتی ذاتی است. شخص بیمه شده صادق، همیشه حقیقت را اظهار می‌نماید؛ اما شخص فرصت طلب با احتمال  $\alpha$  تصمیم به طرح درخواست متقلبانه می‌گیرد.

بدین منظور، اگر شخص فرصت طلب در نظر گرفته شود که تصمیم به ایجاد خطا در میزان خسارتی که باید به شرکت بیمه گزارش کند را داشته باشد، هدف این پژوهش به صورت بررسی تأثیر افزایش سطح فرانشیز بر این تصمیم‌گیری تعریف می‌شود. این تصمیم به ایجاد خطا و تقلب به منظور کسب منفعت و ثروت بیشتر انجام می‌گیرد. ابتدا اگر گزارشی از میزان خسارت، بدون خطا در نظر گرفته شود، می‌توان ثروت شخص بعد از تصادف را به صورت زیر تعریف کرد:

$$(W - D) \equiv W_0 - A - P + (A - D)$$

که در آن  $A$  میزان خسارت تصادف،  $D$  مقدار فرانشیز و در نتیجه  $(A - D)$  پوشش بیمه برای تصادف مذکور است. همچنین  $W$  که نماد ثروت شخص

1. Censored dependent variable

2. Truncated

3. Nelson

4. Maddala

بعد از تصادف است، برابر است با  $PW - W_0$  که  $W_0$  ثروت اولیه و  $P$  همان حق بیمه است.

حال در صورت وجود خطا، کل میزان خسارت ادعا شده از طرف شخص برابر می‌شود با  $C = L + A$  که در آن  $L$  مقدار خطا است. اگر شخص موفق به ایجاد خطا و در واقع همان تقلب در میزان خسارت ادعا شده گردد، علاوه بر میزان پوشش بیمه واقعی، مبلغ تقلب شده یا همان خطا ( $L$ ) را نیز می‌تواند به دست آورد. اما اگر شرکت بیمه متوجه موضوع تقلب گردد و شخص در ایجاد تقلب موفق نباشد، طبق قوانین وی جریمه شده و هیچ‌گونه پوشش بیمه‌ای نیز به او تعلق نخواهد گرفت.

اکنون می‌توان عبارت ذیل را به عنوان نشان‌دهنده شرایط در صورت تقلب ارائه داد:

$$pU(W - D + L) + (1 - p)U(W - A)$$

در عبارت فوق،  $p$  احتمال موفقیت در ایجاد خطا در میزان خسارت ادعا شده است و  $U(\cdot)$  تابع مطلوبیت انتظاری اکیداً مقعر ( $U''(\cdot) < 0$ )،  $U'(\cdot) > 0$  فون نیومن-مورگشتین است که منعکس‌کننده خاصیت ریسک‌گریزی است که  $W - D + L$  مقدار دارایی شخص است؛ اگر در ایجاد خطا موفق گردد. همچنین  $W - A$  مقدار دارایی شخص در صورت کشف خطا با احتمال  $(1 - p)$  توسط شرکت بیمه است.

حال اگر شرایط مساعد برای تصمیم به تقلب بررسی شود، قاعدتاً هر شخص فرصت طلب تنها زمانی اقدام به ایجاد تقلب در میزان خسارت ادعا شده می‌کند که:

$$pU(W - D + L) + (1 - p)U(W - A) \geq U(W - D)$$

و این در حقیقت زمانی است که مطلوبیت مورد انتظار از انجام تقلب و ایجاد خطا (عبارت سمت چپ) بیشتر از مطلوبیت انجام ندادن تقلب (عبارت سمت راست) باشد.

در حقیقت، هر احتمال موفقیت ( $\tilde{p}$ ) وجود دارد که نقطه بی‌تفاوتی شخص بین رفتار متقلبان و رفتار صادقانه است:

$$\tilde{p}U(W - D + L) + (1 - \tilde{p})U(W - A) = U(W - D)$$

شخص  $\alpha$  را به نحوی بر می‌گزیند که تابع مطلوبیت مورد انتظار:

$$EU = \alpha[pU(W-D+L) + (1-p)U(W-A)] + (1-\alpha)U(W-D),$$

حداکثر گردد که بیانگر این است که:

$$\begin{aligned} \alpha &= 0 \text{ if } p < \tilde{p}, \\ \alpha &\in [0,1] \text{ if } p = \tilde{p}, \\ \alpha &= 1 \text{ if } p > \tilde{p}. \end{aligned}$$

واضح است که  $\alpha$  تابعی صعودی از  $p$  و  $D$  است. در مدل تجربی مطالعه، در دو سطح مختلف  $D$  به بررسی این موضوع می‌پردازیم.

### ۳. مدل تجربی

در این مرحله از مدلی استفاده می‌شود که به نحوی نوعی مدل تکمیل یافته مدل توییت است. مدل توییت نوعی مدل اقتصادسنجی است که جیمز تویین (۱۹۵۸) به منظور تشریح رابطه بین یک متغیر وابسته نامنفی  $Y_i$  و یک متغیر مستقل  $X_i$  ارائه کرد. در مدل مذکور فرض بر این است که متغیر  $Y_i^*$  وجود دارد که پنهان (برای مثال، مشاهده نشدنی) است. این متغیر به واسطه پارامتر  $\beta$  که رابطه بین دو متغیر را تعیین می‌کند، به صورت خطی به متغیر  $X_i$  وابسته است. علاوه بر این، یک پارامتر خطا  $u_i$  با توزیع نرمال وجود دارد که تأثیرات تصادفی بر این رابطه را منعکس می‌کند. همچنین در مدل یادشده، متغیر قابل مشاهده  $Y_i$  به صورت عبارت ذیل تعریف می‌شود:

$$y_i = \begin{cases} y_i^* & \text{if } y_i^* > 0 \\ 0 & \text{if } y_i^* \leq 0 \end{cases}$$

که در آن  $Y_i^*$  متغیر پنهانی است که:

$$y_i^* = \beta x_i + u_i, \quad u_i \sim N(0, \sigma^2).$$

اگر در این مدل ضریب را مانند آنچه در رگرسیون معمولی تفسیر می‌کنیم (یعنی میزان تأثیر متغیر مستقل بر متغیر وابسته) در نظر بگیریم، دچار اشتباه شده‌ایم. در عوض باید آن را با ترکیب دو مفهوم زیر تفسیر کنیم:

۱. میزان تغییرات متغیر وابسته وقتی بیشتر از حد پایین است، با وزن احتمال بیشتری بودن از حد پایین؛

۲. احتمال بیشتری بودن از حد پایین با وزن مقدار مورد انتظار متغیر وابسته وقتی بیشتر از حد پایین است.

مدل توییت حالت خاصی از مدل رگرسیونی بریده شده است؛ زیرا همیشه نمی‌توان متغیر پنهان  $y_i^*$  را مشاهده کرد؛ در صورتی که متغیر مستقل  $x_i$  همواره قابل مشاهده است. این مدل را دیگر محققان توسعه به زیرشاخه‌های مختلفی تقسیم کردند. آمیمیا (۱۹۸۵) مدل توییت را با توجه به نحوه بریده شدن متغیر وابسته پنهان (آستانه آن)، به پنج گروه مختلف تقسیم کرد (توییت نوع ۱- توییت نوع ۷). برای مثال، در مدل اولیه توییت که در بالا نشان داده شد، آستانه عدد صفر است. اشندلر (۲۰۰۵) نیز بعدها فرمولی عمومی برای به دست آوردن یک برآوردگر درست‌نمایی سازگار برای انواع مدل‌های توییت ارائه داد.

مدل توییت ابزار مناسبی در برآورد مدل‌های رگرسیونی با متغیرهای وابسته محدود و بریده شده است؛ اما این مدل نیازمند آستانه‌ای است که یا یک متغیر مستقل قابل مشاهده باشد یا به صورت یک عدد ثابت تعریف شده باشد. در برخی از مجموعه‌ها، تنها قسمتی از متغیر وابسته قابل مشاهده است. مدلی که در این مقاله از آن استفاده می‌شود، یک مدل توسعه یافته توییت است که در آن آستانه قابل مشاهده نیست؛ زیرا این آستانه نوعی فرانشیز شخصی است که به خصوصیات فردی شخص بستگی دارد و قابل مشاهده نیست.

به منظور بررسی رابطه متغیرهای مختلف (به طور خاص افزایش سطح فرانشیز) و فعالیت‌های متقابلانه بیمه گذار، از مدل زیر برای تعیین خسارت استفاده می‌شود:

$$\ln(C_i) = \beta_1' X_{1i} + u_{1i} \quad \text{if } C_i \geq S_i$$

در غیر این صورت قابل مشاهده نیست  $\ln(C_i)$

که در آن  $C_i$  کل خسارت گزارش شده از تصادف برای فرد  $i$ ام؛

$\beta_1$  بردار پارامترها؛

$X_{1i}$  بردار متغیرها؛

$S_i$  فرانشیز شخصی غیر قابل مشاهده (آستانه)؛

$u_{1i}$  نیز مقدار خطا است.

فرانشیز شخصی (آستانه) نیز به صورت معادله زیر نوشته می‌شود:

1. Takeshi Amemiya
2. Wendelin Schnedler



$$\ln(S_i) = \beta_2' X_{2i} + u_{2i}$$

که در آن  $S_i$  فرانشیز شخصی غیر قابل مشاهده از هر تصادف برای فرد  $i$ ام؛

$\beta_2$ ، بردار پارامترها؛

$X_{2i}$ ، بردار متغیرها؛

$u_{2i}$  نیز مقدار خطا است.

اگر پارامتر  $\beta$  با استفاده از روش حداقل مربعات برآوردیابی شود، این برآوردگر ناسازگار است.

آمیما (۱۹۷۳) اثبات کرده است که برآوردگر حداکثر درست‌نمایی که توین برای این مدل پیشنهاد کرده، سازگار است. این پارامتر با استفاده از هر دو روش فوق‌الذکر در مقاله محاسبه گردید و با هم مقایسه و ارزیابی شد. این بررسی در نتایج منعکس گردیده است.

فرض می‌کنیم  $u_{1i}$  و  $u_{2i}$  دارای توزیع نرمال دو متغیره با میانگین‌های  $E(u_{1i}) = E(u_{2i}) = 0$  و واریانس  $Var(u_{1i}) = \sigma_1^2$  و  $Var(u_{2i}) = \sigma_2^2$  و  $Cov(u_{1i}, u_{2i}) = \sigma_{12}$  است.

برای فرد  $i$ ام  $p_i = \frac{pr(\ln(C_i), \ln(C_i) \geq \ln(S_i))}{pr(\ln(C_i) \geq \ln(S_i))}$  زیرا نمونه مورد نظر تنها

شامل داده‌هایی می‌شود که در آن‌ها شرط  $C_i \geq S_i$  صدق کند. با استفاده از این تابع، توزیع دو متغیره می‌توان تابع درست‌نمایی را به دست آورد که به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$\ln(p) = -n \ln(\sigma) - \frac{1}{2\sigma^2} \sum_{i=1}^n (\ln(c) - \beta X) + \sum_{i=1}^n \ln(\phi(Z)) - \sum_{i=1}^n \ln(\phi(Z_i))$$

که در آن:

$$P = \prod_{i=1}^n p_i$$

$$Z_{1i} = \frac{1}{(\sigma_2^2 - \frac{\sigma_{12}^2}{\sigma_1^2})} \left[ \ln(C_i) - \beta_2' X_{2i} - \frac{\sigma_{12}}{\sigma_1^2} (\ln(C_i) - \beta_1' X_{1i}) \right]$$

$$Z_{2i} = \left( \frac{\beta_1' X_{1i} - \beta_2' X_{2i}}{\sigma} \right)$$

برآوردهای مورد نظر را با استفاده از نرم‌افزار SAS و برنامه‌نویسی می‌توان به دست آورد.

#### ۴. داده‌ها و متغیرها

مجموعه داده‌های استفاده‌شده در این تحقیق شامل ۶۰۰ مورد درخواست غرامت از بیمه است. با توجه به اینکه استان تهران، بزرگ‌ترین استان کشور، بیشترین تعداد نمایندگی بیمه کشور را در خود جای داده و با عنایت به امکان دسترسی به داده‌های مورد نیاز، این استان به‌عنوان نمونه انتخاب گردید. البته استان مورد نظر قطعاً قابل تعمیم به جامعه آماری (کل کشور) است. علاوه بر این، با مراجعه به تمایندگی‌های مختلف و پالایش داده‌های در دسترس، تنها ۶۰۰ داده واجد شرایط مورد نظر (سطحی مشخصی از فرانشیز) بوده انتخاب گردیده است. داده‌های مورد نیاز ما به چهار بخش تقسیم می‌شوند:

۱. خصوصیات افراد شامل سن، جنسیت بیمه‌شده و تعداد سال‌هایی که از طرف بیمه‌شده درخواستی به بیمه‌گر ارائه نشده است. این داده‌ها به محقق کمک می‌کند جامعه هدف خود را بر اساس اطلاعات فوق طبقه‌بندی کند.
  ۲. اطلاعات قرارداد شامل سطح فرانشیز و تاریخ شروع و پایان قرارداد که امکان بررسی دقیقتر سهم مشتری در پرداخت میزان خسارت را فراهم می‌کند.
  ۳. اطلاعات مربوط به خودرو شامل سن و قیمت برآوردشده خودرو که می‌تواند راهنمایی برای تشخیص عمودی یا سهوی بودن تصادف حادث‌شده توسط شخص قلمداد شود.
  ۴. اطلاعات مرتبط با شرایط وقوع تصادف شامل تاریخ وقوع حادثه و کل خسارت گزارش‌شده که این متغیرها نیز امکان بررسی بیشتر خسارت‌های گزارش‌شده در سطح کشور و میزان واقعی بودن آن‌ها را فراهم می‌کند.
- داده‌ها دارای دو سطح فرانشیز (۱۰ درصد و ۲۰ درصد) هستند. از متغیرهایی که در زیر تعریف می‌گردند، در هر دو معادله خسارت و فرانشیز شخصی استفاده می‌شود.

**C:** کل خسارت گزارش‌شده (هزینه تصادف + میزان تقلب)

**NDRIVE:** نوعی متغیر مجازی است که در آن  $NDRIVE=1$  اگر تعداد سال‌های گذشته از صدور گواهی‌نامه شخص کمتر از ۵ سال باشد و در غیر این صورت،  $NDRIVE=0$ .

**AMALE:** نوعی متغیر مجازی است که در آن  $AMALE=1$  اگر راننده خودرو مرد باشد، و کمتر از ۲۵ سال داشته باشد و در غیر این صورت،  $AMALE=0$ .

**AFEMALE**: نوعی متغیر مجازی است که در آن  $AFEMALE=1$  اگر راننده خودرو زن باشد و کمتر از ۲۵ سال سن داشته باشد و در غیر این صورت،  $AFEMALE=0$ .

**YDR**: وضعیت عملکرد راننده برحسب تعداد سال‌هایی است که درخواست خسارت نداشته است (حداکثر شش سال).

**AGE**: سن خودرو برحسب سال.

**D20**: نوعی متغیر مجازی است که در آن  $D20=1$  اگر سطح فرانشیز ۲۰ درصد باشد و در غیر این صورت،  $D20=0$ .

**PRICE**: نوعی متغیر مجازی است که در آن  $PRICE=0$  اگر قیمت خودرو کمتر از ۵۰۰۰۰۰۰ ریال،  $PRICE=1$  اگر قیمت خودرو بین ۵۰۰۰۰۰۰ تا ۱۰۰۰۰۰۰۰ ریال،  $PRICE=2$  اگر قیمت خودرو بین ۱۰۰۰۰۰۰۰ تا ۱۵۰۰۰۰۰۰ ریال،  $PRICE=3$  اگر قیمت خودرو بین ۱۵۰۰۰۰۰۰ تا ۲۰۰۰۰۰۰۰ ریال،  $PRICE=4$  اگر قیمت خودرو بین ۲۰۰۰۰۰۰۰ تا ۲۵۰۰۰۰۰۰ ریال،  $PRICE=5$  اگر قیمت خودرو بین ۲۵۰۰۰۰۰۰ تا ۳۰۰۰۰۰۰۰ ریال باشد.

**M8-M12**: مجموعه‌ای از متغیرهای مجازی هستند که  $M(j)=1$  اگر تصادف در ماه  $j$  اتفاق بیفتد و در غیر این صورت،  $M(j)=0$ .

جدول شماره ۱، آمار توصیفی متغیرهای پیوسته و جدول شماره ۲، فراوانی متغیرهای مجازی را نشان می‌دهد.

جدول ۱. آمار توصیفی متغیرهای پیوسته

variables	N	Minimum	Maximum	Mean	Std. Deviation
C	600	700000	110000000	8688220.673	9151181.785
AGE	600	1	8	2.46	1.390
YDR	600	1	6	2.26	1.658

منبع: محاسبات مطالعه

با توجه به جدول ۱، بیشترین خسارت گزارش شده بین داده‌های مورد نظر ۱۱۰,۰۰۰,۰۰۰ ریال و کمترین آن ۷۰۰,۰۰۰ ریال است. میانگین خسارت گزارش شده نیز حدود ۸۶۸۸۲۲۰/۶۷۳ ریال است. سن خودروها بین یک تا هشت سال و میانگین آن ۲/۴۶ است. همچنین تعداد سال‌های بدون اعلام خسارت بین یک تا شش سال و میانگین آن حدود ۲/۲۶ است.

جدول ۲. فراوانی متغیرهای مجازی (درصد)

variable	Frequency	variable	Frequency	variable	Frequency
M8	11.8	Price0	0.7	Price5	0.5
M9	21.7	Price1	89.5	YDR	22.3
M10	20.8	Price2	7	AMALE	43.8
M11	20	Price3	2.2	AFEMALE	31.8
D20	43.2	Price4	0.2		

منبع: محاسبات مطالعه

با توجه به جدول ۲، در رابطه با داده‌های مورد نظر می‌توان اظهار داشت که بیشتر تصادفات در ماه نه اتفاق افتاده است. قیمت اکثر خودروها در گروه  $price1$  یعنی بین ۵ تا ۱۰ میلیون ریال قرار گرفته است. ۴۳٫۸ درصد رانندگان مرد و ۳۱٫۸ درصد رانندگان زن زیر ۲۵ سال سن دارند. همچنین ۲۲٫۳ درصد از رانندگان کمتر از پنج سال از تاریخ صدور گواهی‌نامه آنها گذشته است. از تمامی متغیرهای فوق در هر دو معادله خسارت و قرانشیز شخصی استفاده می‌شود.

## ۵. محاسبات

### ۵٫۱. محاسبات عمومی

همچنان که در بخش‌های گذشته ذکر شد، برای تحلیل داده‌ها از دو روش استفاده شده است. ابتدا از روش حداقل مربعات معمولی استفاده شد و از آنجا که نتایج به علت در دسترس بودن اطلاعات منحصراً در مورد خسارت‌های گزارش شده اریب است، از روش دوم یعنی همان روش حداقل درستی‌نمایی بهره‌برداری شده است. در روش حداقل درستی‌نمایی، دو معادله خسارت و قرانشیز شخصی به‌طور هم‌زمان برآورد می‌شوند؛ به‌طوری که برای هر دو معادله پارامترها برآورد می‌شود. بدین منظور، از نرم‌افزار SAS استفاده شده است. برآوردهای به‌دست‌آمده از این دو روش در جدول ۳ نشان داده شده است.

جدول ۳. برآورد پارامترها (خطای استاندارد داخل پراتز)

variable	OLS	MLE	
	Loss	Loss Threshold	
INTERCEPT	16.37599* (0.11187)	15.097912* (0.2510515)	14.351628* (0.5679681)
AGE	0.01232 (0.01480)	0.064638 (0.03321)	-0.046185 (0.0751328)
D20	0.42512* (0.04141)	0.397775* (0.0928915)	0.51091* (0.2101537)
YDR	-0.10433* (0.01266)	-0.056725** (0.0282885)	-0.157756** (0.0639988)
M8	0.10314 (0.07168)	0.115798 (0.1608461)	0.100168 (0.3638913)
M9	-0.02124 (0.05882)	-0.017289 (0.1319864)	-0.125567 (0.2986004)
M10	-0.07288 (0.05950)	-0.068093 (0.1332494)	-0.078167 (0.3014577)
M11	-0.12128** (0.05941)	-0.116643 (0.1333167)	-0.12649 (0.3016099)
NDRIVE	0.03265 (0.04762)	0.03751 (0.1068324)	0.027247 (0.241693)
PRICE	-0.35206* (0.03819)	-0.308078* (0.0857046)	-0.400957** (0.1938944)
AFEMALE	0.01742 (0.05072)	0.026903 (0.113658)	0.006917 (0.2571351)
AMALE	0.28260* (0.05500)	0.289924** (0.1232857)	0.274425 (0.2789163)
$\sigma_1^2$	0.48378	0.505416	-
$\sigma_2^2$	-	-	0.488492
$\sigma_{12}^2$	-	0.409662	
$R^2_{(OLS) adjusted}$	0.3832	-	-
$Ln(p) (ML)$	-	-480.1232025	

منبع: محاسبات مطالعه

ابتدا رگرسیون حداقل مربعات معمولی بر روی معادله خسارت برآزش شد؛ سپس معادله خسارت-فرانشیز شخصی به‌طور هم‌زمان برآورد گردید. به علاوه، برآورد پارامترها و خطای استاندارد، در جدول شماره ۳ آماره  $R^2$  برای روش رگرسیونی حداقل مربعات و log-likelihood برای روش حداکثر درست‌نمایی ارائه شده است. شایان ذکر است از روش نیوتن برای بهینه‌سازی تابع درست‌نمایی استفاده شده است.

زمانی که خصوصیات فردی رانندگان در نظر گرفته شود، با توجه به نتایج به نظر می‌رسد تنها دو متغیر بر خسارت گزارش شده تأثیرگذار است: AMALE و YDR. رانندگان مرد جوان و رانندگان با سوابق ضعیف و پرحادثه، بیش از سایرین دچار حوادث و تصادفات شدید می‌شوند. بر این اساس، به نظر می‌رسد تمایل رانندگان مرد جوان به سرعت زیاد و در مورد افراد با سابقه ضعیف، نداشتن توانایی لازم در کنترل صحیح خودرو در زمان تصادف، متغیرهای مهم در نظر گرفته می‌شوند.

پرواضح است هرچه سن رانندگان مرد کمتر و سوابق رانندگان ضعیف و پرحادثه‌تر باشد، تصادفات شدیدتر و در نتیجه، خسارات گزارش شده بیشتر است. همچنان که در جدول ۳ نیز انعکاس یافته است، علامت YDR منفی است و با میزان خسارت اعلام‌شده رابطه عکس دارد. علامت AMALE نیز که مربوط به رانندگان مرد جوان است، در جدول علامت مثبت دارد و نشانگر رابطه مستقیم با میزان خسارت است. در واقع، مردان جوان تصادفاتی با خسارت بیشتر دارند.

نوع خودرو بر حسب سن خودرو و قیمت آن مشخص می‌شود. سن خودرو با توجه به نتایج عامل مهمی در میزان خسارت گزارش شده نیست و باید توجه داشت که پارامتر قیمت از نظر آماری دارای تأثیر منفی و معنی‌دار است. اما منطقی است هرچه قیمت خودرو بیشتر باشد، خسارت اعلام‌شده بیشتر باشد. از آنجایی که این امر، خلاف نتایج است، پس تأثیر منفی نشانگر آن است که تقلبی صورت گرفته است و رابطه‌ای معکوس بین قیمت خودرو و رفتارهای متقلبانانه بیمه‌شده وجود دارد. در حقیقت نتایج بیانگر این مطلب است که با کاهش قیمت خودرو، احتمال وجود رفتارهای متقلبانانه بین اشخاص افزایش پیدا می‌کند.

با افزایش فرانشیز، میزان خسارت اعلام‌شده نیز افزایش می‌یابد. بنابراین، افزایش فرانشیز از نظر آماری معنی‌دار و دارای علامت مثبت است. در نتیجه، با توجه به خروجی‌های به‌دست‌آمده می‌توان مدل زیر را برای خسارت ارائه داد:

$$\ln(C)_i = 15.097912 + 0.397775D20 - 0.056725YDR - 0.308078PRIC + 0.289924MALE + U_i$$

همچنین در مورد فرانشیز شخصی افراد که در حقیقت نشان‌دهنده آستانه انگیزه برای درخواست‌های متقلبانه است، می‌توان مدل زیر را تعریف کرد:

$$\ln(s)_i = 14.351628 + 0.51091D20 - 0.157756YDR - 0.400957PRIC + U_i$$

#### ۲.۵. محاسبات مرتبط با فرانشیز

در تمامی مدل‌های برآوردشده، افزایش سطح فرانشیز از ۱۰ درصد به ۲۰ درصد تأثیر بسیار زیادی بر خسارت گزارش‌شده دارد و با افزایش یافتن آن، خسارت اعلام‌شده نیز افزایش می‌یابد. بنابراین همان‌طور که قبلاً ذکر شد، اثر افزایش فرانشیز بر خسارات متقلبانه از نظر آماری معنی‌دار و دارای علامت مثبت است. افزایش در میزان خسارت گزارش‌شده مرتبط با ۱۰ درصد افزایش در میزان فرانشیز در روش OLS برابر با ۵۲٫۹ درصد و ۴۸٫۸ درصد در روش MLE است. همان‌طور که مشاهده شد، نتایج به‌دست‌آمده از روش OLS فاصله اریب است؛ زیرا پارامتر مرتبط با D20 نه تنها تأثیر تقلب را نشان می‌دهد، بلکه تأثیر ناقص بودن اطلاعات مربوط به تصادفات را نیز منعکس می‌نماید. بنابراین، اهمیت انجام اصلاحات بر روی داده‌ها به‌منظور به‌دست‌آوردن نتایج نااریب مشخص می‌گردد.

این نتیجه شایان توجه است؛ زیرا مبین این مطلب است که خسارت‌های گزارش‌شده به شرکت بیمه در حالت فرانشیز ۲۰ درصد در مقایسه با حالت ۱۰ درصد، ۴۸٫۸ درصد بیشتر است. از آنجا که میانگین خسارت‌های گزارش‌شده در نمونه ما ۸۶۸۸۲۲۰٫۶۷۳ ریال است، ۱۰ درصد افزایش حدود ۸۶۸۸۲۲۰٫۶۷۳

ریال است. اما افزایش خسارت گزارش شده برابر ۴۲۳۹۸۵۱,۶۸۸ ریال است که نشان می‌دهد زمانی که بیمه‌شده تصمیم به تقلب می‌گیرد، نه تنها سعی در پوشش قرانشیز افزایش یافته می‌کند، بلکه تلاش می‌کند از این طریق منفعتی نیز کسب کند.

با توجه به نتایج، پارامترهای متعددی بر قرانشیز شخصی تأثیرگذار است. علاوه بر قرانشیز که تأثیر مثبتی بر آن دارد، به نظر می‌رسد قرانشیز شخصی که بر مبنای آن تصمیم به گزارش خسارت می‌گیرند، تابعی از خصوصیات فردی آن شخص و خصوصیات خودرو (به خصوص قیمت) است. طبق نتایج، در حالتی که قرانشیز ۲۰ درصد است، قرانشیز شخصی حدود ۶۶,۷ درصد بیشتر از زمانی است که قرانشیز ۱۰ درصد باشد. میانگین قرانشیز شخصی در حالت قرانشیز ۲۰ درصد حدود ۹۴۶۷۹۱,۳۴۰۱ ریال و در حالت ۱۰ درصد حدود ۴۸۶۱۱۴,۷۸۱۶ ریال برآورد می‌شود.

#### ۶. خلاصه، نتیجه‌گیری و پیشنهادها

هدف از این تحقیق، بررسی میزان تأثیر قراردادهای با قرانشیز بر درخواست‌های متقلبان در بیمه بدنه خودرو در ایران است. تعداد ۶۰۰ داده با توجه به سطح قرانشیز مورد نیاز از کل داده‌ها استخراج گردید. داده‌ها دربرگیرنده اطلاعاتی در رابطه با خصوصیات افراد (سن، جنسیت و...)، ساختار قرارداد (سطح قرانشیز و...)، ویژگی‌های خودرو (سن، قیمت و...) و شرایط تصادف (خسارت گزارش شده، تاریخ تصادف و...) است. در این تحقیق، تأثیر سطح قرانشیز بر خسارت گزارش شده بررسی شد و نتایج بیانگر این است که افزایش سطح قرانشیز سبب افزایش درخواست‌های متقلبان از طرف بیمه‌شدگان می‌شود. عاملی مهم در به‌وجود آمدن چنین شرایطی، ناکافی بودن بازرسی‌ها و بررسی‌های قراردادهای قرانشیزدار است.

به کمک مدل اقتصادسنجی، از مدل توییت توسعه یافته با آستانه‌های مشاهده‌نشده‌ی و با استفاده از روش حداکثر درست‌نمایی استفاده و تأکید شد افزایش سطح قرانشیز سبب افزایش درخواست‌های متقلبان از طرف بیمه‌شدگان می‌گردد. همچنین نشان داده شد که نتایج با روش حداقل مربعات اریب به دست آمد؛ به همین دلیل، برای برآورد پارامترها در معادله خسارت- قرانشیز



شخصی، از روش حداکثر درست‌نمایی استفاده گردید. در روش حداقل مربعات معمولی، ضریب مرتبط با فرانشیز هم تأثیر فرانشیز را بر تقلب نشان می‌دهد و هم تأثیر نقص نمونه مورد نظر را به وضوح تبیین می‌کند. اما در روش حداکثر درست‌نمایی، این دو تأثیر از هم جدا سازی شده است. در نتیجه، می‌توان برداشت صحیحی از تأثیر فرانشیز بر تقلب داشت.

نتایج همچنین بیان‌کننده این مطلب است که قیمت در مدل تأثیرگذار و اثر آن بر رفتارهای متقلبانه بیمه‌شدگان معکوس است. در حقیقت، با کاهش قیمت خودرو رفتارهای متقلبانه افزایش پیدا می‌کند. بنابراین، قیمت خودرو نیز عامل تأثیرگذاری در میزان خسارت گزارش شده است.

همچنین با استفاده از پارامترهای برآورد شده در مدل، فرانشیز شخصی برای هر فرد در نمونه محاسبه گردید. نتایج نشانگر آن است که اثر میانگین فرانشیز شخصی محاسبه شده در دو سطح ۱۰ درصد و ۲۰ درصد به طرز معنی‌داری متفاوت و در سطح ۲۰ درصد بیشتر است.

با توجه به نتایج، خصوصیات فردی اشخاص بیمه‌شده تأثیر بسزایی در ایجاد انگیزش برای طرح درخواست‌های متقلبانه در بیمه خودرو دارد. بنابراین، پیشنهاد می‌شود شرکت‌های بیمه با بررسی جامع‌تر خصوصیات شخصیتی افراد بیمه‌شده، سطح فرانشیز متناسب با هر شخص را برآورد کنند و در قراردادهای دارای فرانشیز آن را مدنظر قرار دهند. همچنین سطح فرانشیز را بر مبنای آن تنظیم کنند تا بتوانند درخواست‌های متقلبانه را کاهش دهند و از هزینه‌های گزاف ناشی از آن جلوگیری کنند.

## فهرست منابع

شرزه‌ای و ماجد (۱۳۸۶)، «انتخاب نامساعد و امکان استقرار قراردادهای سازگار اطلاعاتی»، *مجله تحقیقات اقتصادی*، دوره ۴۲، شماره ۳، صص ۱-۲۳۸.

موسوی و راغفر (۱۳۸۹)، «اطلاعات نابرابر و کارایی در بازار تصادفات بیمه خودرو ایران»، *پژوهش‌نامه بیمه*، سال بیست و پنجم، شماره ۲، صص ۵۱-۷۸.

فیروزی، شکوری و همکاران (۱۳۹۰)، «مقاله شناسایی تقلب در بیمه اتومبیل با استفاده از روش داده کاوی»، *پژوهش‌نامه بیمه*، سال بیست و ششم، شماره ۳، صص ۱۲۸-۱۰۳.

Amemiya, Takeshi (1985), "Advanced Econometrics", Harvard University Press, U.S.A.

Marcel, and Georges Dionne, (1987), "Description and Analysis of the Quebec Automobile Insurance Plan," *Canadian Public Policy-Analyse de Politiques* 13:2, 181-195.

Caron, Louis, and Georges Dionne, (1997), "Insurance Fraud Estimation: More Evidence from the Quebec Automobile Insurance Industry," *Assurances* 64:4, 567-578.

Crocker, Keith J., and John Morgan, (1998), "Is Honesty the Best Policy? Curtailing Insurance Fraud through Optimal Incentive Contracts," *Journal of Political Economy* 106:2, 355-375.

Crocker, Keith J., and Sharon Tennyson, (1996), "Contracting with Costly State Falsification: Theory and Empirical Results from Automobile Insurance," *University of Pennsylvania working paper*.

Derrig, Richard, (2002), "Insurance Fraud," *The Journal of Risk and Insurance*. V. 69(3, Sep.), 271-287.

Dionne, Georges, and Gagne, Robert, (2001), "Deductible Contracts

- against Fraudulent Claims: Evidence from Automobile Insurance,” *Review of Economics and Statistics* (2001), 290-301.
- Dionne, Georges, (2011), “Does Opportunistic Fraud in Automobile theft Insurance Fluctuate with the Business Cycle?,” *Cahier de Recherche*.
- Erdman, Donald; Little, Mark, (1994), “Nonlinear Regression Analysis and Nonlinear Simulation Models”, *SAS Institute Inc., Cary, NC*.
- Fisher, Emily, (2008), “The Impact of Health Care Fraud on United States Health Care System, “*School of Public and Environmental Affairs*.
- Greene, William H., (2002), *Econometric Analysis*, New York University, 12:51.
- Hallahan, Charlie, (1997), “The Tobit Model: An Example of Maximum Likelihood Estimation with SAS/IML,” *USDA, Economic Research Service*.
- Kornerup, Peter; Muller, Jean-Michel, (2003), “Choosing Starting Values for Newton-Raphson Computation of Reciprocals, Square-Roots and Square-Root Reciprocals,” *INRIA*.
- Lacker, Jeffrey M., and John A. Weinberg, (1989), “Optimal Contracts under Costly State Falsification,” *Journal of Political Economy* 97:6, 1345-1363.
- Maddala, Gary S., (1983), “Limited-Dependent and Qualitative Variables in Econometrics,” *Econometric Society Monographs* No. 3 (Cambridge, U.K.: Cambridge University Press).
- Maddala, G.S. and F.D. Nelson, (1975), “Switching regression models with exogenous and endogenous switching,” *American Statistical Association, Proceedings of the Business and Economics Statistics Section*.
- Mookherjee, Dilip, and Ivan P., (1989), “Optimal Auditing Insurance, and Redistribution,” *Quarterly Journal of Economics* 104:2, 205-228.
-

- Nelson, Forrest, (1977), "Censored Regression Models with Unobserved Stochastic Censoring Thresholds," *Journal of Econometrics* 6:3, 309-327.
- Picard, Pierre, (1996), "Auditing Claims in Insurance Markets with Fraud: The Credibility Issue," *Journal of Public Economics* 63:1, 27-56.
- Rotschild, M. and J. Stiglitz (1976), "Equilibrium in Competitive Insurance Markets: An Essay on the Economics of Imperfect Information," *Quarterly Journal of Economics* 90:4, 639- 649.
- Schnedler, Wendelin, (2005), "Likelihood Estimation for Censored Random Vector," *Econometric reviews*. Vol. 24.2005, 2, p. 195-217.
- Tobin, J., (1958), "Estimation of relationships for limited dependent variables," *Econometrica* 26, 24-36.
- Townsend, Robert, (1979), "Optimal Contracts and Competitive Mar-
-